# 浅間山の火山活動の解析 (第4報)\*

(重相関法による火山活動の解析)

## 関谷 溥\*

551.21

(14)

(15)

### An Analysis of Volcanic Activity of Mt. Asama (4 th paper)

(An Analysis of Volcanic Activity by the Method of the Multiple Correlation)

### H. Sekiya

### (Karuizawa Weather Station)

In the 3rd paper, the author discussed correlations between the eruptions and the sum of earthquakes and tremors originating from the volcano Asama and that between the eruptions and the quantity of smokes at Mt. Asama.

In this paper, in order to analyse these problems quantitatively and ascertain the relation more precisely, the state of eruptions was analysed in the following manner.

Thát is,

1. The relation between the eruptions and the sum of earthquakes and tremors originating from the volcano and that between the eruptions and the quantity of smokes observed during the period from January 1949 to October 1959 are statistically studied by the method of the multiple correlation and as a result the regression plane for the anticipation of the monthly probability of eruptions from the data of the same month is given by

> Z = -0.028 + 0.0013x + 0.0031y  $\gamma_{zxy} = 0.87$  $\sigma_{zxy} = 0.075$

where

Z: probability of eruptions of a certain month.

x: monthly number of volcanic micro-earthquakes and tremors at Oiwake in the same month (magnification of seismograph is about 70-100).

y: monthly probability of occurrence of quantity of smokes of class 5 or more in the same month.

The anticipation of probability of eruptions in the next month can be calculated from x and y of a certain month by the next formula

-13 -

Z' = -0.022 + 0.0004 x + 0.0041 y  $\gamma E' xy = 0.63$  $\sigma Z' xy = 0.116$ 

where

Z': probability of eruptions in the next month.

<sup>\*</sup> Received Ang. 10, 1960.

<sup>\*\*</sup> 軽井沢測候所

The regression plane for the anticipation of the sum of kinetic energies of the explosions in a month by the data of the same month is given by

$$E = -0.093 + 0.0051 \text{x} + 0.0069 \text{y}$$
  
 $\gamma E \text{xy} = 0.70$   
 $\sigma E \text{xy} = 0.426$ 

where

E: sum of the kinetic energies of the explosions of a month.

For the anticipation of E' of the next month, the following equation is given

$$E' = -0.087 + 0.0008x + 0.0127y$$
  
 $\gamma E'xy = 0.45$   
 $\sigma E'xy = 0.538$ 

where

E': sum of the kinetic energies of the explosions in the next month.

Consequently, the multiple correlation coefficient of the monthly probability of eruptions is larger than that of the monthly sum of the kinetic energies of explosions and this relation is reverse for the standard error.

For the interval from January 1939 to July 1960 (from March 1945 to December 1948, 2. date are absent), the volcanic activity anticipated by the expressions of regression plane (14)-(17) was compared with the actual phenomena, and as the results it is known the eruptions occurred scarcely at the domain of Z or E=0, but, at the domain in which Z or E is larger than zero markedly frequent eruptions were observed, as will be seen from Figs. 1-2, Figs. 5-6 and Figs. 11-12.

The relation between the occurrence of the eruptions and calculated value Z or E is clearer than the relation between the eruptions and the the sum of volcanic earthquakes and tremors and that between the eruptions and the quantity of smokes.

3. Though eruptions did not occur in several months preceding the great explosion of September 23 1950, yet Z and E was larger than other rest periods, as will be seen from Figs. 3 (a), 4 (a), 9 (a), 10 (a).

#### § 1. まえがき

第3報ではい,追分で観測した大森式 70~100 倍地震計 による火山性地震ならびに微動の月合計数と、月ごとに 計算した噴火日の確率や噴火の機械的エネルギーとの相 関を求めた. これらの間には特徴ある現象として、火山 活動の状態や期間のとり方によってその値は大きく変動 するけれども、対応する同じ月の資料間の相関が最も大 きく、噴火に続いて発生する余震の方が前震よりも顕著 であるが、噴火に先行して地震が増加してくることもわ かった また, 噴煙量は階級の5以上が火口付近の微小 地震の増加と対応し、しかも、月別の噴煙量階級5以上 の発生ひん度と噴火日の確率および噴火の機械的エネル ギーとの相関は、前述の地震数と比べるといずれも噴火 に先行して大きな正相関があることも認められた.

そこで、このような結果を使って噴火を量的に求める 方法を考えてみよう.

(16)

(17)

#### § 2. 月別の火山性地震数ならびに噴煙量階級5以上 の発生ひん度から求めた噴火日の確率

一般に3次元空間において、点  $(X_s, Y_t, Z_u)$  に度数 fstu に比例する質量を与えて、全観測値を質点群で置換 え, この質点の分布状況を考える場合に, 点 (Xs, Yt, 0)を通って xy 平面に垂直な直線上にある質点の重心, すなわち, 点  $(X_s, Y_{\iota}, \overline{Z}_{s\iota})$ ,

$$f_{z}f_{z} \cup Z_{st} = \sum_{u=1}^{m} f_{stu} Z_{u} / \sum_{u=1}^{m} f_{stu}$$

 $s=1.2, \dots, k; t=1.2, \dots, l$ 

の空間における配置を考えるならば、この配置の有様に よって質点の分布、したがって、度数分布の特性をとら

- 14 -

えることができる。もしこれらの点が一つの平面上にあ るか、または一平面上にあると見なしてさしつかえない ならば,

$$\varphi = \sum_{s=1}^{k} \sum_{t=1}^{l} \sum_{u=1}^{m} f_{stu} (Z_u - \beta_1 X_s - \beta_2 Y_t - \gamma)^2 \quad (1)$$

を最小ならしめるように定めた  $\beta_1$ ,  $\beta_2$ ,  $\gamma$  の値  $\beta_1'$ , B₀', γ'を用いて定義された平面

$$Z = \beta_1' x + \beta_2' y + \gamma'$$
(2)  
は Z の XY への回帰平面である<sup>2)</sup>.

・そこで  $\beta_1'$ ,  $\beta_2'$ ,  $\gamma'$ を求めると次のようになる、こ れらの値は  $\varphi$  を最小ならしめるのであるから

$$\frac{\partial q_1}{\partial \beta_1} = 0 = \Sigma \Sigma \Sigma f_{stu} X_s \left( Z_u - \beta_1 X_s - \beta_2 Y_t - \gamma \right) \quad (3)$$

$$\frac{\partial\varphi}{\partial\beta_2} = 0 = \Sigma \Sigma \Sigma f_{stu} Y_t \ (Z_u - \beta_1 X_s - \gamma_2 Y_t - \gamma) \ (4)$$

$$\frac{\partial \varphi}{\partial \gamma} = 0 = \Sigma \Sigma \Sigma f_{stu} \left( Z_u - \beta_1 X_s - \beta_2 Y_t - \gamma \right)$$
(5)

を満足させる.

215

(5) から 
$$\gamma = \bar{z} - \beta_1 \bar{x} - \beta_2 \bar{y}$$
 (6)  
れを(3)(4) に代入すれば

$$\begin{split} \Sigma\Sigma\Sigma f_{stu}(X_s - \bar{x}) \{ (Z_u - \bar{z}) - \beta_1(X_s - \bar{x}) \\ -\beta_2(Y_t - \bar{y}) \} = 0 \end{split}$$
(7)  
$$\Sigma\Sigma\Sigma f_{stu}(Y_t - \bar{y}) \{ (Z_u - \bar{z}) - \beta_1(X_s - \bar{x}) \} \end{split}$$

$$-\beta_2(Y_t - \bar{y}) \} = 0 \tag{8}$$

$$\begin{array}{l} & \mathcal{T} \quad \Sigma \Sigma \Sigma f_{stu} (X_s - \bar{x})^2 = N \sigma_x^2 \\ & \Sigma \Sigma \Sigma f_{stu} (Y_t - \bar{y})^2 = N \sigma_y^2 \\ & \Sigma \Sigma \Sigma f_{stu} (Z_u - \bar{z})^2 = N \sigma_z^2 \\ & \Sigma \Sigma \Sigma f_{stu} (X_s - \bar{x}) (Y_t - \bar{y}) = N \gamma_{xy} \sigma_x \sigma_y \\ & \Sigma \Sigma \Sigma f_{stu} (Y_t - \bar{y}) (Z_u - \bar{z}) = N \gamma_{yz} \sigma_y \sigma_z \\ & \Sigma \Sigma \Sigma f_{stu} (Z_u - \bar{z}) (X_s - \bar{x}) = N \gamma_{zx} \sigma_z \sigma_x \end{array}$$

$$\beta_{1}\sigma_{x} + \beta_{2}\gamma_{xy}\sigma_{y} = \gamma_{zx}\sigma_{z}$$

$$\beta_{1}\gamma_{xy}\sigma_{x} + \beta_{2}\sigma_{y} = \gamma_{yz}\sigma_{z}$$
(9)
(10)

 $\beta_1 \gamma_{xy} \sigma_x + \beta_2 \sigma_y = \gamma_{yz} \sigma_z$ 

となり、これを 
$$\beta_1$$
、 $\beta_2$  に関して解くと

$$\beta_1 = \frac{\gamma_{xz} - \gamma_{xy}\gamma_{yz}}{1 - \gamma_{xy}^2} \cdot \frac{\sigma_z}{\sigma_x}$$
(11)

$$\beta_2 = \frac{\gamma_{yz} - \gamma_y x \gamma_{xz}}{1 - \gamma_{xy}^2} \cdot \frac{\sigma_z}{\sigma_y} \tag{12}$$

(11), (12) を (6) に代入すれば, γ の値は定まる か ら,これで  $\varphi$  を最小ならしめる  $\beta_1$ ,  $\beta_2$ ,  $\gamma$  の値が皆 求められたことになる.

すなわち, Zの XY への回帰平面は次の式で与えら れる.

$$Z = \frac{\gamma_{zx} - \gamma_{zy}\gamma_{xy}}{1 - \gamma_{xy}^{2}} \cdot \frac{\sigma_{z}}{\sigma_{x}} (x - \bar{x}) + \frac{\gamma_{zy} - \gamma_{zx}\gamma_{xy}}{1 - \gamma_{xy}^{2}} \cdot \frac{\sigma_{z}}{\sigma_{y}} (y - \bar{y}) + \bar{z}$$
(13)

そこで、大森式 70-100 倍地震計で観測した火山性地

震ならびに微動の月合計数を x, 月ごとに求めた噴煙量 階級\*5以上の発生ひん度を y, 月ごとに求めた噴火日 の確率を z とし、全期間を通じて同じ條件で観測され ている 1949 年1月より 1959 年 10月ま での,対応する 同じ月の観測資料でこれらの関係を求めてみると次のよ うになる.

すなわち, 算術平均をそれぞれ x, y, z, 標準偏差を  $\sigma_x, \sigma_y, \sigma_z, x \ge y$ の相関を  $\gamma_{xy}, y \ge z$ の相関を  $\gamma_{yz}$ , z と x の相関を  $\gamma_{zx}$  とすると

 $\bar{x} = 27.48$  $\bar{z} = 0.068$  $\bar{y} = 19.25$  $\sigma_x = 67.50^{\circ}$  $\sigma_{y} = 18.76$  $\sigma_z = 0.15$  $\gamma_{xy} = +0.52$  $\gamma_{yz} = +0.80$  $\gamma_{zx} = +0.70$ となるから、この値を(13)式に代入すると Z = -0.028 + 0.0013 x + 0.0031 y(14)

となる.

また, 重相関係数は

$$\gamma_{zxy} = \frac{\sqrt{\gamma_{zx}(\gamma_{zx} - \gamma_{zy}\gamma_{xy}) + \gamma_{zy}(\gamma_{zy} - \gamma_{zx}\gamma_{yz})}}{\sqrt{1 - \gamma^{xy^2}}}$$

で求められるから、これから yzxy=0.87

標準偏差は  $\sigma_{zxy^2} = \sigma_{z^2}(1 - \gamma_{zxy^2})$ 

であるから σzzy=0.075 となる.

また、同じ期間の資料で、ある月の月ごとの火山性地 震数と喧煙量階級5以上の発生ひん度から翌月の噴火日 の確率 Z'を求めてみると

	$\bar{x} = 27.48$	$\bar{y} = 19.25$	$\bar{z}'=0.$	068
	σ <sub>x</sub> =67.50	$\sigma_y = 18.76$	$\sigma_z'=0.$	15 _
γ	$x_{xy} = +0.52$	$\gamma_{yz}' = +0.61$	$\gamma_z'_x = +$	0.46
から	Z' = -0.022 + 0	$0.0004 \ x + 0.0041$	У	(15)
$\gamma_{z'}$	xy = 0.63			

 $\sigma_{z'xy} = 0.116$ 

となる.

-- 15 --

すなわち,月ごとの火山性地震数や,噴煙量階級5以 上の発生ひん度がわかると、噴火日の確率が対応する同 じ月の資料の間では(14)式,ある月の資料から翌月の 値は (15) 式で求められる.

しかし、こゝで問題なのは zや z'の推定値としての: 信頼性のことであるが、 $\sigma_{z'xy}$ は、 $\sigma_{zxy}$ に比べてかなり

\*: ここでいう噴煙量とは第1,2,3報と同じであるが、 火口から南東水平距離 9.1 km にある軽井沢測候 所から観測した時に目視し得る噴煙の容積で第3 報の写真のように0をも含めて7階級に分類し, 常時観測による1日の最大量をその日の噴煙量と している.したがって噴煙量と噴火との関係は気 象観測の雲量と雨の関係と同じようなものであ 2:

大きく,その分布についても検討する必要がある.そこで,このような計算値と実測値とが,過去の噴火の場合にどのように異なって現われているかを調べてみよう. Fig.1は(14)式で求めた対応する同じ月の資料による計算値を実測値との比較で,Fig.2はある月の地震や噴煙量から(15)式で翌月の噴火日の確率を計算し,それと実況とを比較したものである.



Fig. 1 Relation between the probability of eruptions for every month calculated by the expression of regression plane (14), (Pc) and the probability of actual eruptions (PA)



Fig. 2 Relation between the probability of eruptions of a certain month calculated from the data of the preceding month by the expression of regression plane (15),  $(P'_C)$  and the probability of actual eruptions  $(P_A)$ 

— 16 —

これによると重相関係数が両者で違うことからも推定 できるように、Fig. 1 は Fig. 2 に比べて実測値との差 異が少ない. そして両者の間で共通していることは、  $Z \approx Z'$ の計算値が0または負の領域では実際の噴火日 の確率がほとんど0であるが、 $Z \approx Z'$ が大きくなるに したがつて噴火を始め、同時に計算値と実測値との差が 大きくなる. すなわち、 $\sigma_{zxy} \approx \sigma_{z'xy}$ が大きいのは Zや Z'の大きな領域での変動が大きくきいているという ことがいえよう.

そして現象的には噴火は地震数や噴煙量が Fig. 1 や Fig. 2に示すような, 'ある状態に達しないと起りにくい ものであるが, ある限界を超えるといろいろの噴火がや や不規則に起りやすいものであることを示している.

また, Fig. 3 (a) と Fig. 4 (a) は (14) 式と(15) 式を使って, 1949年1月以後 1960年7月ま での各月の *Z* や *Z*'を計算し,それと実測値とを比較して,その変 化の状態を調べたものである.

これによると図から明りょうなように,最近10数年 間の噴火ではその開始の前に計算値の Z や Z' が急に 増加してくること,1950 年 9 月 23 日の大爆発は10か月 あまり噴火を休んで突然爆発したものではあるが,計算 上の Z や Z' の値が噴火の前に連続的に大きく,他の 噴火をしない中休みの状態とは明らかに違つていたこと を示している。

そして,これらの関係が (14),(15) 式を求めるのに 使った資料に関係のない期間である軽井沢測候所創立以 来の 1939 年から 1945 年について検討してみると,Fig. 3 (b) や Fig. 4 (b) となる.ただしこの場合は噴煙 量の観測が気象観測と同じ定時観測のもので,現在のよ うな常時観測のものと異なり,また 1944 年— 1945 年の 地震観測は簡単微動計 50 倍のもので,観測地も軽井沢 測候所となっている.

その他第3報でも述べたように、この期間は噴火と地 震数との相関が小さい浅間山のやや活発な活動期が一部 含まれているので、Fig. 3 (a), Fig. 4 (a) の場合と かなり異なっているが、Z の計算値が0または負の領域 で実際の噴火日の確率がほとんど0で、Z や Z'が大き くなるにしたがって噴火を始め、同時に計算値と実測値 との差が大きくなることは、絶対値が違うだけで定性的 には同じような関係である. Fig. 5 と Fig. 6 は、前報 で地震数や噴煙量の各々の観測値から直接噴火との関係 を求めたと同じように、計算値の Z や Z' を 0, ~0.02, ~0.04, ……のような階級に分けて、それぞれの回数を 求め、その値で各々の階級で実際に噴火した場合の回数

浅間山の火山活動の解析(第4報)---関谷



を割って、谷階級での頃火の危険率を求めたものである. 、このようにすると第3報の地震数や噴煙量の各々で噴 火との関係を別々に求めたものよりも、噴火の危険率の 領域を明りゃうに分離することができる。そして Fig. 5、Fig. 6と (14), (15) 式を組み合わせると、地震数 や噴煙量から直接噴火の危険率を求める図表を作ること もできる (Fig. 7, Fig. 8).

 $\gamma_{Exy} = 0.70$ 

E = -0.093 + 0.0051 x + 0.0069 y

(16)

 $\sigma_{Exy} = 0.426$ 

も同様に求めることができる.

となる.

17 -

そして

125

験 震 時 報 25 巻 4 号



Fig. 4(a) The probability of eruptions of a certain month calculated from the data of the preceding month by the expression of regression plane (15),  $(P_0')$  and the probability of actual eruptions  $(P_A)$ 

か

18 ---



Fig. 4(b) The probability of eruptions of a certain month calculated from the data of the preceding month by the expression of regression plane (15), Pc' and the probability of actual eruptions ( $P_A$ )







Fig. 6 Relation between the eruptions and the probability of eruptions of a certain month calculated from the data of the preceding month by the expression of regression plane (15), (Pc')

また、同じ期間の資料で、ある月の月ごとの火山性地 震や微動数と噴煙量階級5以上の発生ひん度から翌月の 噴火の機械的エネルギー E'を求めてみると

$\bar{x} = 27.48$	<b>ÿ</b> =19. 25	$\overline{E'}=0.178$
$\sigma_x = 67.50$	$\sigma_y = 18.76$	$\sigma_{E'} = 0.601$
$\gamma_{xy} = +0.52$	$\gamma_{yE}' = +0.44$	$\gamma_{yE}'_x = +0.29$
\$ S	~	2

$$E' = -0.087 + 0.0008 x + 0.0127 y$$
(17)  
$$\gamma_{E'xy} = 0.45$$

浅間山の火山活動の解析(第4報)-----関谷



Fig. 7 Relation between the monthly possibility of eruptions and the sum of the volcanic micro earthquakes and tremors (x) and the monthly probability of occurrence of class 5 or more of quantity of smoke for every month (y)



Fig. 8 Relation between the possibility of eruptions of a certain month and the sum of the volcanic micro-earthquakes and tremors of the preceding month (x') and the probability of occurrence of class 5 or more of quantity of smokes of the preceding month (y')



#### 演 震 時 報 25 巻 4 号



Fig. 9(b) The sum of the kinetic energies of the explosions for every month calculated by the expression of regression plane (16), (Ec) and the sum of the actual explosion energies for every month  $(E_A)$ 

 $\sigma_E'_{xy} = 0.538$ 

を求めることができる.

これらの値は §2 の噴火日の確率と比べる と同じ月の 場合も、ある月の資料から翌月の噴火の機械的エネルギ ーを求める場合も、共に  $\gamma Exy$  や  $\gamma E'xy$  が小さく、それ に反して  $\sigma Exy$  や  $\sigma E'xy$  が大きくなっている. これは 統計的には計算値 E や E' の推定値とし ての信頼性が 前者に比べて小さいことであり、現象としては単に噴火 の起りやすさを求めることよりも、どの程度の大きさの 噴火が起こるかという予則の方がこのような方法で求め るのにはよりむづかしいということである.

また,計算値と実測値とがどのように分布し変化して いるか,1949年1月—1960年7月の毎月の値に応用し て調べてみると Fig. 9 (a), Fig. 10(a) となる.す なわち,図からもわかるように定性的には噴火日の確率 を求めたと同じように,計算値  $E \Leftrightarrow E' \circ 0$  または負 の領域では噴火がほとんど起こらず,E, E'が大きくな ると噴火が始まる.1950年9月23日の大爆発の場合は 前の噴火日の確率を求めたときと同じように,他の中休 みの状態と異なって爆発の前に連続的に計算値 E, E'が 大きく出ていて,10か月あまり噴火を休んでから突然大 爆発を起こしている.



浅間山の火山活動の解析(第4報)-----関谷



Fig. 10(b) The sum of the kinetic energies of the explosions of a certain month calculated from the data of the preceding month by the expression of regression plane (17), (Ec') and the sum of the actual explosion energies for every month ( $E_A$ )

しかし  $\gamma Exy$  や  $\gamma E'xy$  が小さく,逆に  $\sigma Exy$  や  $\sigma E'xy$ が大きいことからも推定されるように, E や E' が大 きくなると実測値と計算値とがかなり大きく違ってくる ことがわかる.また, Fig. 3 (b), Fig. 4 (b) と同じ ように, (16), (17) 式を求めた資料と関係の ない期間 である 1939 年から 1945 年について (16), (17) 式を使 って E, E'を求め,実測値と比較してみると Fig. 9(b), Fig. 10(b) となり,噴火日の確率を求めた場合と同じ ように Fig. 9 (a), Fig. 10(a) とはかなり違っている が,絶対値が違うだけで定性的には同じような関係であ ることがわかった.

そして計算値 *E*, *E'* のそれぞれの階級で噴火の危険 率を求めてみると Fig. 11, Fig. 12 となる.

§4. むすび

以上は軽井沢測候所と追分観測所が創立以来行ってき た大森式70—100 倍の地震計による観測と,噴煙量の観 測資料などに基づいて月ごとの噴火日の確率や,噴火の 機械的エネルギーを重相関法によって量的に求める方法 を試み,計算値と実測値とを比較検討してきた. その結果

(1)月ごとの噴火日の確率は(14),(15)式,噴火の 機械的エネルギーは(16),(17)式で求められるが,地



Fig. 11 Relation between the eruptions and the sum of the kinetic energies of the explosions for every month calculated by the expression of regression plane (16), (Ec)



Fig. 12 Relation between the eruptions and the sum of the kinetic energies of the explosions of a certain month calculated from the data of the preceding month by the expression of regression plane (17),  $(E_C')$ 

震や微動数ならびに噴煙量とこれらとの重相関係数は, 噴火日の確率の方が噴火の機械的エネルギーよりも大き く,標準偏差は逆に後者の方が大きくなっている.した がってこのような資料から解析すると,噴火の起こりや すさを求めることよりも噴火の強さを予測する方がより むづかしい.

(2)計算値と実測値を比較すると,噴火日の確率も噴 火の機械的エネルギーも,共に計算値が0または負のと きは噴火がほとんど起こっていないが,Figs. 1-2, Figs.

5--6, Figs. 11--12 のように大きくなると噴火しやす くなり、同時に計算値と実測値との違いが大きくなる。 このようなことから噴火は地震数や噴煙量がある状態に 達しないと起こりにくいものではあるが、限界を超えて しまうと、同じような状態で噴火日の確率も噴火の機械 的エネルギーもやや不規則に変動するような性質をもっ ている。

(3) 1950 年 9 月 23 日の大爆発は,10 か月あまり中休 み状態を続けて突然大爆発を起こした.浅間山の最近の 噴火としては珍しいものではあるが,このような方法で 解析してみると噴火前相当期間にわたって,計算値とし ての噴火日の確率や噴火の機械的エネルギーが大きく, 他の中休みの状態とは明らかに異なっている.

なお、本稿の資料は軽井沢測候所と追分観測所の創立 以来の所長や所員の努力と工夫によって残された観測値 を整理したものであるが、地震観測資料は特に最近の高 倍率地震計と比較して全部の記象紙を読み直し、地震月 報,気象要覧,地震原簿等とも照合して全資料を詳細に 検討し,倍率が低いために地震と誤認されていたノイズ 等を除外し,火山活動をなるべく客観的に表現できるよ うに心がけた.

研究調査に対しては特に東京管区気象台長始め各部課 長の格別の御配慮をいただき,宇佐美技官にはいろいろ 御指示をいただき御世話になりました.長官,観測部長, 地震課長,三浦技官,長野地方気象台長,地震課火山係, 技術係の皆さんには激励と御指導をいただき,軽井沢測 候所の中里,小山両技官,藤井正典君は,地震記象紙の 再検討に努力されました.

これらの方々に深く敬意を表します.

#### 參考文献

 関谷 薄:浅間山の火山活動の解析(第3報),験 震時報,25 (1960),73~80.

2) 佐藤良一郎:数理統計学概説,(1958).
 中山伊次郎編集:体系統計学辞典,(1959),189.